



PONTIFICIA
UNIVERSIDAD
CATÓLICA
DE CHILE

INTRODUCCIÓN A LA PROGRAMACIÓN



Objetivos

- **Ejemplos de listas**
 - Ejemplos de código
 - Tres problemas resueltos
 - Aterrizar estrategia de resolución de problemas
- **Listas de Listas**
 - Motivación
 - Uso básico
 - Aplicaciones – casos particulares



Ejemplos de Listas



Ejemplos de código

Código

```
L = list()  
L.append(10)  
L.append(100)  
L.append(1000)  
print(L)
```

Resultado

[10, 100, 1000]

Código

```
L = list()  
L.insert(0,10)  
L.insert(0,100)  
L.insert(0,1000)  
print(L)
```

Resultado

[1000, 100, 10]



Ejemplos de código

Código

```
L = list("HOLA")
L.pop(2)
L.pop(0)
print(L)
```

Resultado

```
['O', 'A']
```

Código

```
L = list()
L.extend( range(5) )
L.extend( "AEIOU" )
print(L)
```

Resultado

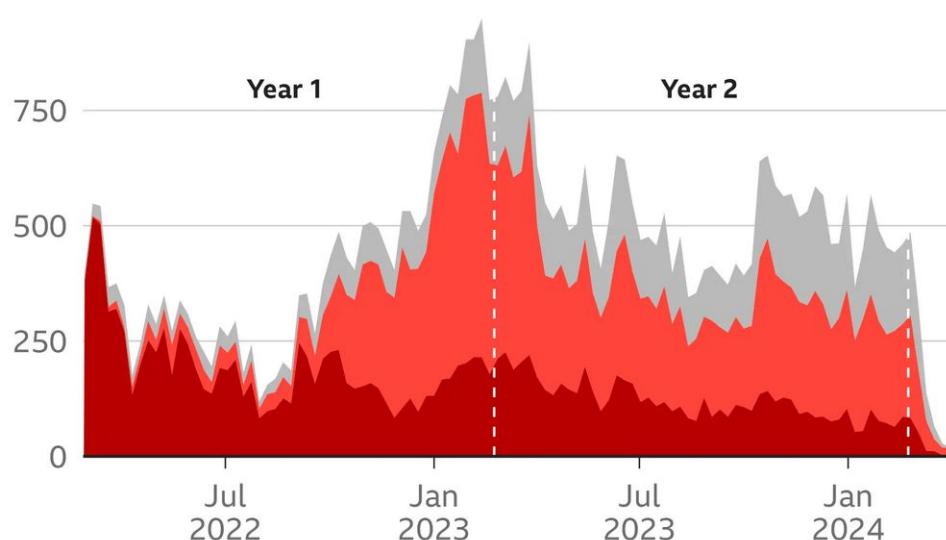
```
[0, 1, 2, 3, 4, 'A', 'E',
'I', 'O', 'U']
```



Over 50,000 Russians have died in Ukraine

Weekly counts of deaths confirmed by the BBC

■ Regular fighters ■ Civilian recruits ■ Unknown



Regular fighters include Wagner contractors. Civilian recruits include volunteers, draftees and inmates. Data to week ending 7 Apr 2024

Source: BBC analysis of data from BBC News Russian / Medazona

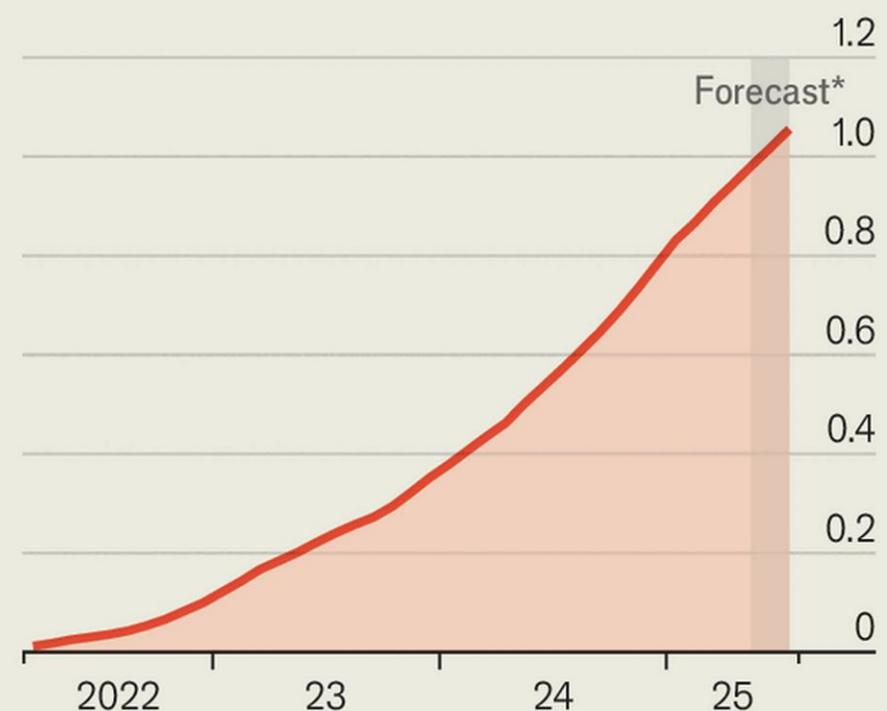
BBC

Bajas acumuladas

Grim toll

1

Russian soldier casualties in Ukraine war, m



*Assuming April 2025 rate continues

Sources: UK MOD; *The Economist*



Bajas acumuladas

- **Problema:** implemente una función, de nombre **acum**, que reciba como argumento una lista de números, que representa una serie de tiempo de bajas diarias, y que retorne otra lista de números, pero con las bajas acumuladas diarias.
- Por ejemplo, `acum([0, 5, 10, 2, 3])` debe retornar la lista `[0, 5, 15, 17, 20]`.



Bajas acumuladas

- **Problema:** implemente una función, de **nombre **acum****, que reciba como **argumento una lista** de números, que representa una serie de tiempo de bajas diarias, y que **retorne otra lista** de números, pero con las bajas acumuladas diarias.
- Por ejemplo, **acum([0, 5, 10, 2, 3])** debe retornar la lista **[0, 5, 15, 17, 20]**.



Bajas acumuladas

- **Problema:** implemente una función, de **nombre **acum****, que reciba como **argumento una lista** de números, que representa una serie de tiempo de bajas diarias, y que **retorne otra lista** de números, pero con las bajas acumuladas diarias.
- Por ejemplo, **acum([5, 5, 10, 3, 2])** debe retornar la lista **[0, 5, 10, 13, 15]**

```
def acum( bajas_dia ):  
    resp = []  
  
    for dia in bajas_dia:  
        resp.append( resp[-1] + dia )  
  
    return resp
```



Bajas acumuladas

- **Problema:** implemente una función, de nombre **acum**, que reciba como argumento una lista de números, que representa una serie de tiempo de bajas diarias, y que retorne otra lista de números, pero con las bajas acumuladas diarias.
- Por ejemplo, `acum([0, 5, 10, 2, 3])` debe retornar la lista `[0, 5, 15, 17, 20]`.
- Bajas acumuladas se construyen para cada número \rightarrow bucle for
- Debemos sumar cada número recibido y debemos anexar a lista respuesta



Bajas acumuladas

- **Problema:** implemente una función, de nombre **acum**, que reciba como argumento una lista de números, que representa una serie de tiempo de bajas, y devuelva una lista de números, pero con las bajas acumuladas.
 - Por ejemplo, si la lista **[0, 5, 2, 8, 3]** es la lista de bajas, la función debe retornar la lista **[0, 5, 7, 15, 18]**.
 - Bajas acumuladas
 - Debemos sumar las bajas y anexar la respuesta
- ```
def acum(bajas_dia):
 resp = []
 z = 0
 for x in bajas_dia:
 z += x
 resp.append(z)
 return resp
```
- zero → bucle for  
nos anexar a lista



# Fibonacci

## Fibonacci Sequence

Default

**0 1 1 2 3 5 8 13**

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 1 = 2$$

$$1 + 2 = 3$$

$$2 + 3 = 5$$

$$3 + 5 = 8$$

$$5 + 8 = 13$$

- La serie de Fibonacci comienza con el **0** (cero), luego el **1** (uno) y los siguientes números se construyen a partir de la suma de los dos números anteriores. Por eso siguen **1, 2, 3, 5, 8**, etc.
- Implemente la función **LFIB**, la cual recibe un argumento **N**, que es un número entero, y que retorne una lista con los **N** primeros números de Fibonacci.
- Ejemplo, **LFIB(5)** retorna **[0, 1, 1, 2, 3]**, mientras que **LFIB(1)** retorna **[0]** y **LFIB(0)** retorna **[]**.



- La serie de Fibonacci comienza con el **0** (cero), luego el **1** (uno) y los siguientes números se construyen a partir de la suma de los dos números anteriores. Por eso siguen **1, 2, 3, 5, 8**, etc.
- Implemente la función **LFIB**, la cual recibe **un argumento N**, que es un número entero, y que **retorne una lista** con los **N** primeros números de Fibonacci.
- Ejemplo, **LFIB(5)** retorna **[0, 1, 1, 2, 3]**, mientras que **LFIB(1)** retorna **[0]** y **LFIB(0)** retorna **[]**.



- La serie de Fibonacci comienza con el **0** (cero), luego el **1** (uno) y los siguientes números se construyen a partir de la suma de los dos números anteriores. Por eso siguen **1, 2, 3, 5, 8**, etc.
- Implemente la función **LFIB**, la cual recibe **un argumento N**, que es un número entero, y que **retorne una lista** con los **N** primeros números de Fibonacci.
- Ejemplo, **LFIB(5)** retorna **[0, 1, 1, 2, 3]**, **LFIB(1)** retorna **[0]** y **LFIB(0)** retorna **[ ]**

```
def LFIB(N):
 resp = []

 return resp
```

- Aterraremos el algoritmo
- Casos especiales:
  - Para  $N = 0$ , retornar la lista vacía `[]`
  - Para  $N = 1$ , retornar la lista `[0]`
  - Para  $N = 2$ , retornar la lista `[0, 1]`
- Luego:
  - Desde `[0, 1]` debemos agregar  $N-2$  elementos
  - Agregar nuevo elemento basándonos en los dos últimos:

```
x = resp[-1] + resp[-2]
resp.append(x)
```



- Aterraremos el algoritmo
- Casos especiales:
  - Para  $N = 0$ , retornar la lista vacía
  - Para  $N = 1$ , retornar la lista  $[0]$
  - Para  $N = 2$ , retornar la lista  $[0, 1]$
- Luego:
  - Desde  $[0, 1]$  debemos agregar
  - Agregar nuevo elemento basándose en la fórmula:

```
x = resp[-1] + resp[-2]
resp.append(x)
```

```
def LFIB(N):
 if N <= 0:
 return []
 if N == 1:
 return [0]
 if N == 2:
 return [0,1]
 resp = [0,1]
 for i in range(N-2):
 x = resp[-1] + resp[-2]
 resp.append(x)
 return resp
```



# Varianza poblacional

## Fórmulas de Varianza y Desviación Estándar

| MateMates | Varianza                                             | Desviación Estándar                                                      | Media                                  |
|-----------|------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------|
| Población | $\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2}{N}$    | $\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2}{N}}$ | $\mu = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N}$     |
| Muestra   | $s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$ | $s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$   | $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$ |



# Varianza poblacional

- Implemente una función, de nombre `simvarianza`, que reciba una lista de números como argumento/parámetro y que retorne la varianza poblacional de esos números.
- La varianza poblacional se puede calcular así: si A es el promedio simple de esos números y B es el promedio del cuadrado de esos números, entonces la varianza poblacional es  $B - A^2$ .
- Por ejemplo, para  $[10, 7, 4, 1, 11, 20, 15, 10, 14, 6]$ , tenemos que  $A = 9.8$  y  $B = 124.4$ . La varianza muestral es  $124.4 - 9.8^2 = 28.36$ .



# Varianza poblacional

- Implemente una función, de nombre **simvarianza**, que reciba **una lista de números** como argumento/parámetro y que **retorne la varianza poblacional** de esos números.
- La varianza poblacional se puede calcular así: si A es el promedio simple de esos números y B es el promedio del cuadrado de esos números, entonces la varianza poblacional es  $B - A^2$ .
- **Formalidad:**
  - Hay que definir una función **simvarianza**
  - La función **recibe un argumento** (una lista de números)
  - La función **retorna un número**



# Varianza poblacional

- Implemente una función, de nombre **simvarianza**, que reciba **una lista de números** como argumento/parámetro y que **retorne la varianza poblacional** de esos números

- La varianza poblacional se puede calcular de la siguiente forma:  $S^2 = \frac{1}{N} \sum (x_i - \bar{x})^2$  donde  $S^2$  es la varianza poblacional,  $N$  es la cantidad de números y  $\bar{x}$  es la media de los números. La varianza simple es la varianza dividida por  $N-1$ . Si  $N=1$ , la varianza simple es igual a la varianza poblacional.

- **Formalidad:**

- Hay que definir una función **simvarianza**
  - La función **recibe un argumento** (una lista de números)
  - La función **retorna un número**

```
def simvarianza(L):
 resp = 0

 for x in L:
 resp = resp + (x - mean(L))

 resp = resp / len(L)

 return resp
```



# Varianza poblacional

- Implemente una función, de nombre `simvarianza`, que reciba una lista de números como argumento/parámetro y que retorne la varianza poblacional de esos números.
- La varianza poblacional se puede calcular así: si  $A$  es el promedio simple de esos números y  $B$  es el promedio del cuadrado de esos números, entonces la varianza poblacional es  $B - A^2$ .
- **Algoritmo:**
  - “esos números” --> todos esos números --> bucle `for`
  - Variables intermedias: A y B
  - Fórmula final:  $B - A^2$ .



# Varianza poblacional

- Implemente una función, de nombre `simvarianza`, que reciba una lista de números y que retorne la varianza poblacional.
  - La varianza poblacional es simple de **esos números**, entonces:
  - **Algoritmo:**
    - “**esos números**”
    - Variables intermedias
    - Fórmula final:  $B - A^2$ .
- ```
def simvarianza( L ):  
    A = 0  
    B = 0  
    for num in L:  
        A += num  
        B += num**2  
    A = A / len(L)  
    B = B / len(L)  
    resp = B - A**2  
    return resp
```
- A** es el promedio cuadrado de **esos** **$- A^2$** .
- for**

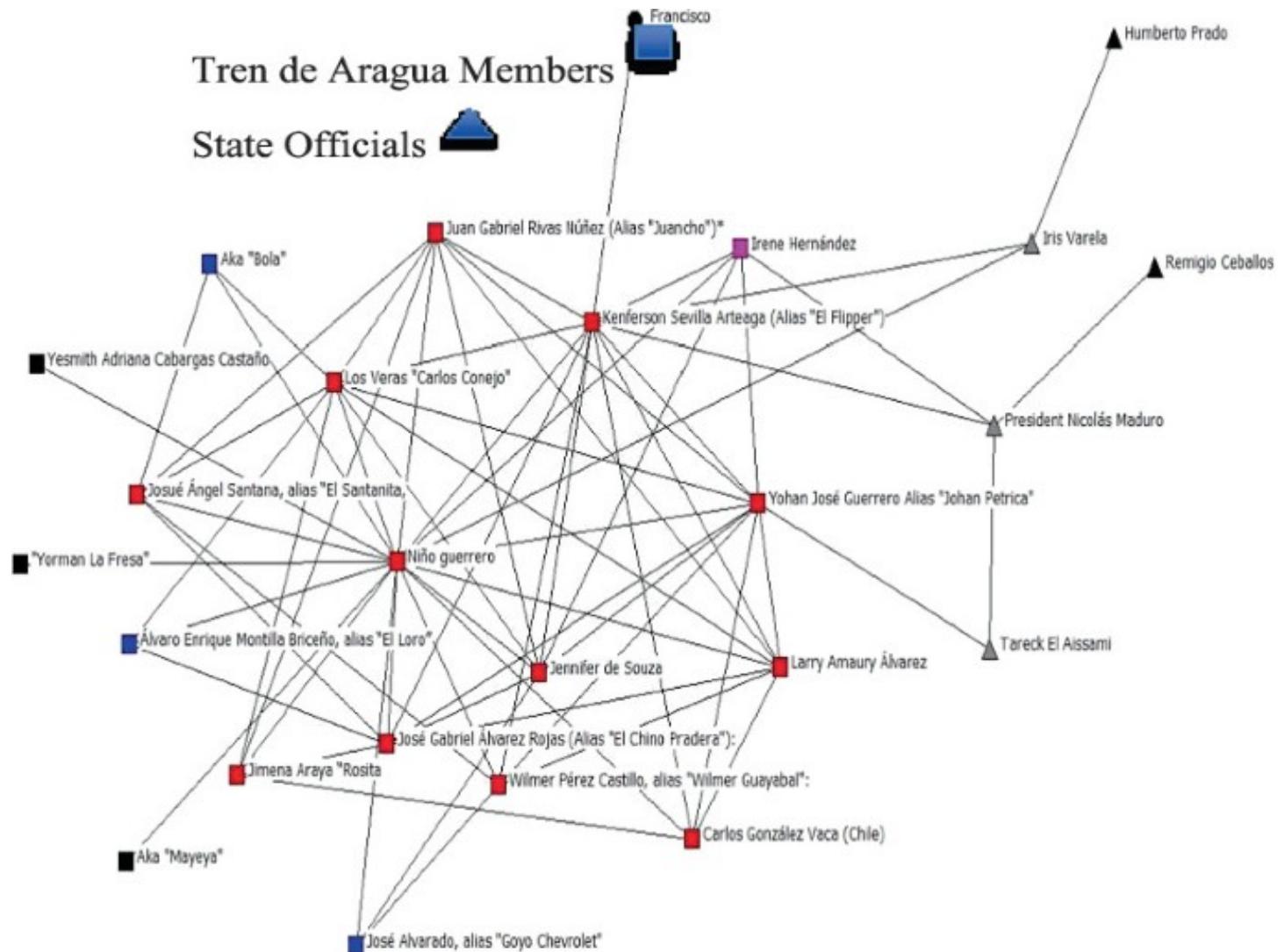


PONTIFICIA
UNIVERSIDAD
CATÓLICA
DE CHILE

Listas de Listas

Aplicaciones

- Tablas
- Indicadores
- Bases de datos
- Matrices
- Mapas
- Redes





Dimensión*	IPM Global (PNUD/OPHI)	CEPAL	Chile	Colombia	Costa Rica	Ecuador	El Salvador	Honduras	México
Educación	X	X	X		X	X	X	X	
Condiciones educativas del hogar				X					
Rezago educativo									X
Salud	X		X	X	X			X	
Acceso a los servicios de salud									X
Salud, servicios básicos y seguridad alimentaria							X		
Salud, agua y alimentación						X			
Acceso a la alimentación									X
Condiciones de la niñez y la juventud					X				
Ingreso									X
Estándar de vida	X	X							
Servicios básicos			X						
Accesos a los servicios básicos de la vivienda									X
Acceso a servicios públicos y condiciones de la vivienda					X				
Vivienda y uso de internet						X			
Condiciones de la vivienda							X		
Vivienda			X						X
Calidad y espacios de la vivienda									X
Vivienda y entorno				X					
Habitat, vivienda y ambiente sano						X			
Calidad del hábitat							X		
Redes y cohesión social			X						
Empleo					X	X		X	
Empleo y protección social			X						
Trabajo y seguridad social				X		X	X		
Acceso a la seguridad social									X
Protección social						X			

* Se usan los nombres exactos escogidos por los países para definir sus dimensiones



PONTIFICIA
UNIVERSIDAD
CATÓLICA
DE CHILE





```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` ==
- `len(L[0])` ==
- `len(L[1])` ==
- `L[0]` ==
- `L[1][-1]` ==

Lista de listas



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` == 3
- `len(L[0])` ==
- `len(L[1])` ==
- `L[0]` ==
- `L[1][-1]` ==



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` == 3
- `len(L[0])` == 3
- `len(L[1])` ==
- `L[0]` ==
- `L[1][-1]` ==

Lista de listas



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` == 3
- `len(L[0])` == 3
- `len(L[1])` == 4
- `L[0]` ==
- `L[1][-1]` ==

Lista de listas



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` == 3
- `len(L[0])` == 3
- `len(L[1])` == 4
- `L[0]` == [1, 5, 2]
- `L[1][-1]` ==



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

- El código anterior define una lista de listas

¿Cuánto vale?

- `len(L)` == 3
- `len(L[0])` == 3
- `len(L[1])` == 4
- `L[0]` == [1, 5, 2]
- `L[1][-1]` == 1



Cambiando 7 por 9

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

L

- Consideremos la lista apuntada por la variable **L** (a la izquierda)
- ¿Cómo cambiamos ese 7 por un 9?



```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L
```

Cambiando 7 por 9

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1]
```



Cambiando 7 por 9

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L
```

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1]
```

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1][2]
```



Cambiando 7 por 9

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L
```

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1]
```

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 7, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1][2]
```

```
L = [ [ 1, 5, 2 ],  
      [ 0, 0, 9, 1 ],  
      [ 3, 2, 1 ] ]
```

```
L[1][2] = 9
```



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L[1] = L[2]  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (approx)



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L[1] = L[2]  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (approx)

- (a) [[1,2,3], [1,2,3], [1,2,3]]
- (b) [[4,5,6], [4,5,6], [7,8,9]]
- (c) [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
- (d) [[1,2,3], [4,5,6], [4,5,6]]
- (e) [[1,2,3], [7,8,9], [7,8,9]]



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L[1] = L[2]  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (aprox)

- (a) [[1,2,3], [1,2,3], [1,2,3]]
- (b) [[4,5,6], [4,5,6], [7,8,9]]
- (c) [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
- (d) [[1,2,3], [4,5,6], [4,5,6]]
- (e) [[1,2,3], [7,8,9], [7,8,9]]



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L.append( L.pop(0) )  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (approx)



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L.append( L.pop(0) )  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (approx)

- (a) [[4,5,6], [1,2,3], [1,2,3]]
- (b) [[1,2,3], [7,8,9], [7,8,9]]
- (c) [[4,5,6], [1,2,3], [7,8,9]]
- (d) [[4,5,6], [7,8,9], [1,2,3]]
- (e) [[4,5,6], [7,8,9]]



Sea:

```
L = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]  
L.append( L.pop(0) )  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (approx)

- (a) [[4,5,6], [1,2,3], [1,2,3]]
- (b) [[1,2,3], [7,8,9], [7,8,9]]
- (c) [[4,5,6], [1,2,3], [7,8,9]]
- (d) [[4,5,6], [7,8,9], [1,2,3]]**
- (e) [[4,5,6], [7,8,9]]



Sea:

```
L = [ list(), list() ]  
for k in range(10):  
    if k%2 == 0:  
        L[0].append(k)  
    else:  
        L[1].append(k)  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (*aprox*)



Sea:

```
L = [ list(), list() ]  
for k in range(10):  
    if k%2 == 0:  
        L[0].append(k)  
    else:  
        L[1].append(k)  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (aprox)

- (a) [[0,2,4,6,8], [1,3,5,7,9]]
- (b) [[1,2,3,4,5], [6,7,8,9,10]]
- (c) [[1,3,5,7,9], [0,2,4,6,8]]
- (d) [[1,3,5,7,9], [1,3,5,7,9]]
- (e) [5, 5]



Sea:

```
L = [ list(), list() ]  
for k in range(10):  
    if k%2 == 0:  
        L[0].append(k)  
    else:  
        L[1].append(k)  
print(L)
```

¿Qué imprime este código? (aprox)

- (a) [[0,2,4,6,8], [1,3,5,7,9]]
- (b) [[1,2,3,4,5], [6,7,8,9,10]]
- (c) [[1,3,5,7,9], [0,2,4,6,8]]
- (d) [[1,3,5,7,9], [1,3,5,7,9]]
- (e) [5, 5]



Representaciones típicas

- Objetivos:
 - Conocer cómo las listas de listas pueden representar algunas objetos o ideas
 - Entender cómo implementar soluciones
 - Dar una dimensión ampliamente aplicable a listas de listas



Representando planillas de cálculo

- Un caso típico de uso de *listas de listas* es en el procesamiento de datos en tablas o planillas
- Los datos de la planilla de la derecha vienen en la forma
 $L = [...,[\text{sexo,edad,peso,altura}],...]$
(ver siguiente lámina)
- Los datos representados vienen de una muestra *real* de estadísticas biométricas sencillas

PLANILLA

<u>Sexo</u>	<u>Edad</u>	<u>Peso</u>	<u>Altura</u>
Mujer	24	68	156
Hombre	35	75	170
Mujer	26	62	175
Hombre	62	61	169
Mujer	50	93	180
Hombre	31	67	171
Mujer	44	79	182
Hombre	30	71	159
Mujer	41	69	160
Mujer	51	68	158
Mujer	26	72	169



Representando planillas de cálculo

- Como *lista de listas*:

```
planilla = [  
    ['Sexo', 'Edad', 'Peso', 'Altura'],  
    ['Mujer', 24, 68, 156],  
    ['Hombre', 35, 75, 170],  
    ['Mujer', 26, 62, 175],  
    ['Hombre', 62, 61, 169],  
    ['Mujer', 50, 93, 180],  
    ['Hombre', 31, 67, 171],  
    ['Mujer', 44, 79, 182],  
    ['Hombre', 30, 71, 159],  
    ['Mujer', 41, 69, 160],  
    ['Mujer', 51, 68, 158],  
    ['Mujer', 26, 72, 169] ]
```

PLANILLA

<u>Sexo</u>	<u>Edad</u>	<u>Peso</u>	<u>Altura</u>
Mujer	24	68	156
Hombre	35	75	170
Mujer	26	62	175
Hombre	62	61	169
Mujer	50	93	180
Hombre	31	67	171
Mujer	44	79	182
Hombre	30	71	159
Mujer	41	69	160
Mujer	51	68	158
Mujer	26	72	169



Representando planillas de cálculo

- Aquí va la *lista de listas* completa:

```
planilla = [['Sexo', 'Edad', 'Peso', 'Altura'], ['Mujer', 24, 68, 156],  
['Hombre', 35, 75, 170], ['Mujer', 26, 62, 175], ['Hombre', 62, 61, 169],  
['Mujer', 50, 93, 180], ['Hombre', 31, 67, 171], ['Mujer', 44, 79, 182],  
['Hombre', 30, 71, 159], ['Mujer', 41, 69, 160], ['Mujer', 51, 68, 158],  
['Mujer', 26, 72, 169], ['Hombre', 23, 73, 178], ['Mujer', 28, 56, 168],  
['Mujer', 25, 65, 159], ['Mujer', 30, 82, 166], ['Mujer', 44, 71, 164],  
['Hombre', 33, 66, 162], ['Mujer', 35, 79, 188], ['Mujer', 46, 76, 187],  
['Hombre', 32, 89, 173], ['Mujer', 43, 81, 160], ['Hombre', 47, 77, 181],  
['Mujer', 37, 73, 178], ['Hombre', 45, 71, 164], ['Mujer', 49, 72, 181],  
['Hombre', 30, 64, 184], ['Mujer', 32, 70, 162], ['Mujer', 40, 23, 168],  
['Hombre', 41, 81, 187], ['Mujer', 38, 82, 177]]
```

Determinar usando Python

- Con los datos anteriores, responda las siguientes preguntas →
 - ¿Cuántas mujeres hay en la planilla?
 - ¿Cuál es la edad promedio en los datos?
 - ¿Cuántos hombres pesan más de 80 kg?
 - ¿Cuál es la edad de la persona con menor índice de masa corporal (IMC) en los datos? IMC = peso/altura²

Representando redes y relaciones

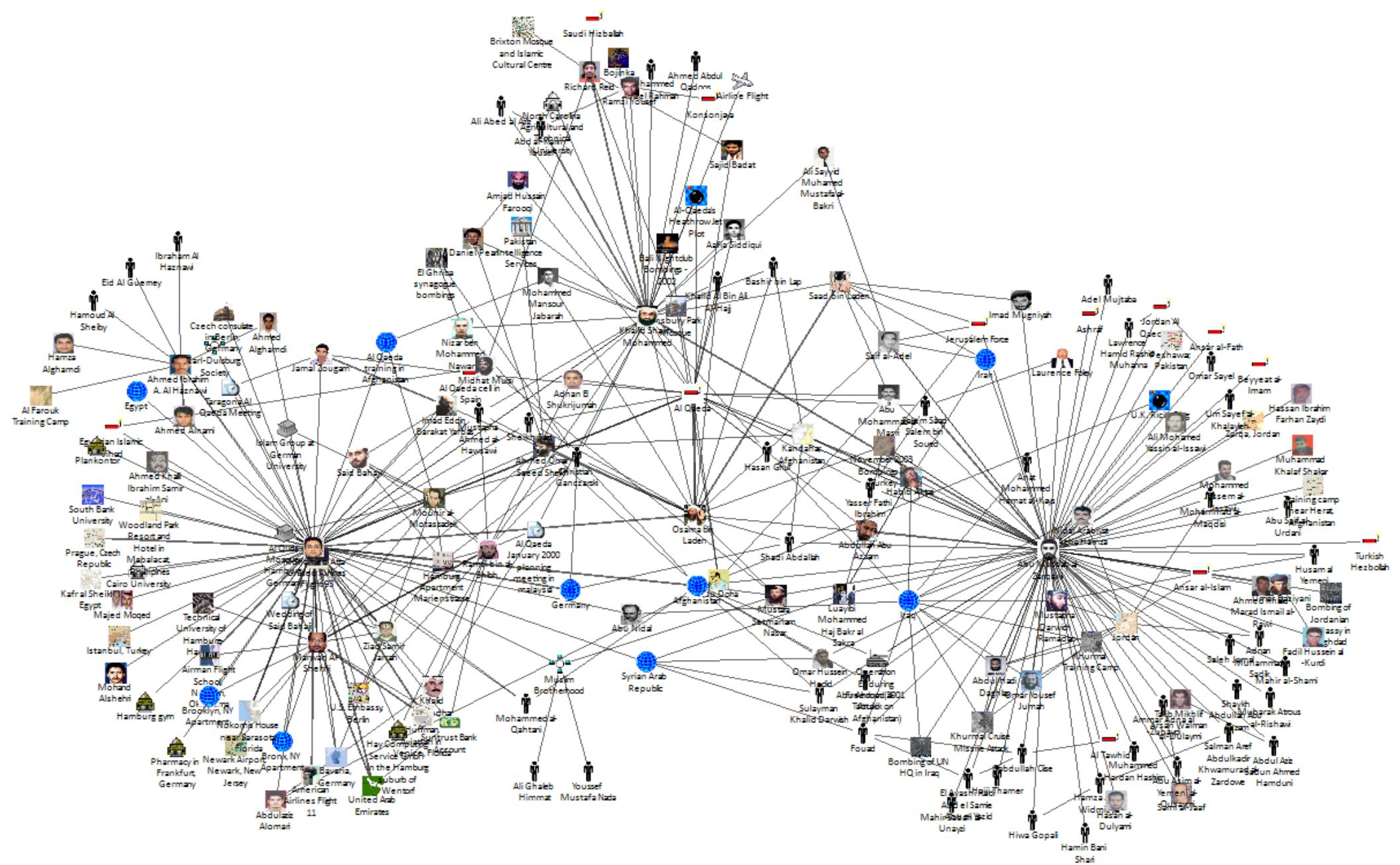


Ejemplos de redes:

- Sociogramas o redes sociales;
- Cadenas tróficas;
- Redes de infraestructura, ej, eléctricas, viales, de agua, etc;
- Filogenia;
- Organigramas; etc.

- Hay varias opciones para representar relaciones
- Una forma es mediante diádas o pares así:
`L = [['Daniela', 'Javier'],
 ['Daniela', 'Isidora'],
 ['Isidora', 'Mario'],
 ['Mario', 'Luigi']]`
- Otra forma es listando toda la vecindad de cada persona:

```
L = [ ['Daniela', ['Javier', 'Isidora']],  
      ['Javier', ['Isidora']]  
      ['Isidora', ['Daniela', 'Mario']],  
      ['Mario', ['Isidora', 'Luigi']],  
      ['Luigi', ['Mario']] ]
```



GROUPS THAT PLEDGE SUPPORT FOR ISIS

PALESTINIAN AUTHORITY
MUJAHIDEEN SHURA COUNCIL
IN THE ENVIRONS OF JERUSALEM

EGYPT
JUNDA AL-KHILAFAH IN THE
LAND OF KINANA;
ISIS SINAI PROVINCE

TUNISIA
MUJAHIDEEN OF TUNISIA OF AL-QAYRAWAN
UQBA BIN NAJI BATTALION

ALGERIA
JUNDA AL-KHILAFAH IN
THE LAND OF ALGERIA;
SKIKA BATTALION

THE SAHARA
DIVISION OF AQIM-
CENTRAL REGION

LIBYA
ISIS: FEZZAN PROVINCE,
TRIPOLI PROVINCE, BARQA PROVINCE

AFGHANISTAN
ANSAR TAWHID IN THE LAND OF HIND
TAWHID BATTALION

AFGHANISTAN/PAKISTAN
ISIS KORASAN PROVINCE
ISLAMIC MOVEMENT OF UZBEKISTAN

PAKISTAN
CALIPHATE AND JIHAD MOVEMENT
ABTALUL ISLAM FOUNDATION

MALAYSIA
MUJAHIDEEN INDONESIA TIMOR
JEMAAH ISLAMIAH

CHECHNYA
ISIS CAUCASUS PROVINCE

YEMEN
DHAMAR GOVERNORATE
SANA'A GOVERNORATE

SAUDI ARABIA
SUPPORTERS OF THE ISLAMIC STATE
IN THE LAND OF THE TWO HOLY MOSQUES

PHILIPPINES
ANSAR AL-KHILAFAH IN THE PHILIPPINES
BANGSAMORO ISLAMIC FREEDOM FIGHTERS
MA'RAKAT AL-ANSAR
ANSAR AL-KHILAFAH
ABU SAYYAF

MALI
AL-MURABITOON

NIGERIA
BOKO HARAM

Detecting Key Players in Terrorist Networks

Ala Berzinji

University of Sulaimani

Sulaimani, Iraq

Email: ala.berzinji@gmail.com

Lisa Kaati

FOI

Stockholm, Sweden

Email: lisa.kaati@foi.se

Ahmed Rezine

Linköpings University

Linköping, Sweden

email: ahmed.rezine@liu.se

Abstract—The interest in analyzing loosely connected and decentralized terrorist networks of global reach has grown during the past decade. Social Network Analysis (SNA) is one approach towards understanding terrorist networks since it can be used to analyze the structure of a network and to detect important persons and links.

In this work we study decentralized terrorist networks with different types of nodes. The nodes can be either organizations, places or persons. We use a combination of different centrality measures to detect key players in such networks.

I. INTRODUCTION

Criminal and terrorist social networks can often be divided into hierarchies with actor roles varying from ordinary operatives to the finance manager and the leader. The most important roles include the leader who acts as the guide and mentor for

active and that acts as gateway in the network. The finance manager is detected using a combination of different well-known centrality measures.

Terrorist social networks are also known as dark networks. Recent studies such as [2] have explored the use of SNA methods to analyze dark networks mostly focusing on assigning roles to actors in the network. In [3] the use of centrality measures to identify key actors in criminal networks is explored and in [4] centrality measures are used to identify the group leader of the September 11th hijackers. However, none of these operates on networks with different categories of nodes.

In [5] SNA is used to determine the leader and gatekeeper role for individual nodes in addition to hierarchical clustering methods to identify subgroups within criminal networks. In [6]



Sea L como sigue:

```
L = [ ['Daniela', 'Javier'],  
       ['Daniela', 'Isidora'],  
       ['Isidora', 'Mario'],  
       ['Mario', 'Luigi'],  
       ['Mario', 'Koopa'],  
       ['Bario', 'Mario'],  
       ['Daniela', 'Arturo'],  
       ['Ana', 'Arturo'] ] ,
```

Implemente →

Determinar usando Python

- Defina la función **actores(L)** que retorne la lista de los nombres de los actores de las relaciones en L , sin que se repitan o falten nombres
- Defina la función **vecinos(nom, L)** que retorne la lista de los contactos asociados al actor de nombre nom
- Defina la función **vecinos2(nom, L)** que retorne la lista de nombres de los contactos de los contactos (sin repetir nombres) asociados al actor de nombre nom



$$\begin{bmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 6 & 4 & 2 \end{bmatrix}$$

- Podemos representar una matriz como una lista de *filas*
- La matriz a la izquierda se puede representar como:
$$L = [[2, 4, 6], [6, 4, 2]]$$
- El elemento de la fila i y columna j es entonces

$L[i][j]$

- Si la matriz es *dispersa*, o sea, la gran mayoría de sus elementos son cero, entonces podemos indicar sólo aquellos valores que son nulos (listas de $[i, j, val]$)
- Para cosas más avanzadas, hay módulos especiales como `numpy` y `scipy`

Representando matrices



Ejercicios de matrices

Considere matrices del tipo:

```
M = [[ m11, m12, ..., m1n ],  
      [ m21, m22, ..., m2n ],  
      ...  
      ...  
      [ mn1, mn2, ..., mnn ]]
```

Implemente las siguientes funciones: ➔

- **suma(A, B)** que retorna una *nueva* matriz representando $A+B$
- **mult(A, B)** que retorna una *nueva* matriz representando $A \cdot B$
- **frobenius(A)** que retorna la raíz cuadrada de la suma de los cuadrados de los términos de la matriz
- **maxim(A)** que retorna el máximo de los valores absolutos de los términos de A



```
def suma(A,B):  
    resp = []  
    for i in range(len(A)):  
        fila = []  
        for j in range(len(A[i])):  
            fila.append( A[i][j] + B[i][j] )  
        resp.append(fila)  
    return resp  
  
A = [ [1,0,0], [0,2,0], [0,0,3] ]  
B = [ [1,1,1], [0,1,0], [2,0,2] ]  
print( "A: ", A)  
print( "B: ", B)  
print( "A+B:", suma(A,B) )
```

Suma de matrices

- Solución a la izquierda (testcase para verificar incluido)
- Output:

A: [[1, 0, 0], [0, 2, 0], [0, 0, 3]]

B: [[1, 1, 1], [0, 1, 0], [2, 0, 2]]

A+B: [[2, 1, 1], [0, 3, 0], [2, 0, 5]]

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 3 & 0 \\ 2 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$



Multiplicación de matrices

```
def mult(A,B):  
    resp = []  
    for i in range(len(A)):  
        fila = []  
        for j in range(len(A[i])):  
            coef = 0  
            for k in range(len(A[i])):  
                coef += A[i][k] * B[k][j]  
            fila.append(coef)  
        resp.append(fila)  
    return resp  
  
A = [ [1,0,0], [0,2,0], [0,0,3] ]  
B = [ [1,1,1], [0,1,0], [2,0,2] ]  
print( "A: ", A)  
print( "B: ", B)  
print( "A*B:", mult(A,B) )
```

- Solución a la izquierda (testcase para verificar incluido)

- Output:

A: [[1, 0, 0], [0, 2, 0], [0, 0, 3]]

B: [[1, 1, 1], [0, 1, 0], [2, 0, 2]]

A*B: [[1, 1, 1], [0, 2, 0], [6, 0, 6]]

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 6 & 0 & 6 \end{pmatrix}$$